



WEST BENGAL STATE UNIVERSITY B.A./B.Sc. Honours 1st Semester Examination, 2018





MATHEMATICAL METHODS FOR ECONOMICS-I

Full Marks: 50

Time Allotted: 2 Hours

The figures in the margin reducate full marks condidates should answer in their usen words and adhere to the word finit as previous with প্রান্তিক সীমার মহান্থ সাখ্যাটি প্রুমান নির্দেশ করে। নবীজালীরা নিজের ভাষায় যে সঙার শরুসীমার মরে। উত্তর করিবে

2×5 10

- ।. Answer any *five* questions from the following নিম্নলিখিত যে-কোনো *পাঁচটি* প্রশ্নের উত্তর লাওঃ
 - (a) If the domain of the function x = 5 + 3x is the set $\{x \mid 1 \le x \le 9\}$ find the range of the function and express it as a set

যদি ৮০ ১০ ২৮ অপেক্ষকটির অঞ্চল হয় সেট (৮৪০০০ ০০) তারে বিস্তার নির্শেষ করো এবং সেট হিসাবে দেখাওন

(b) I rom a linear demand curve we have the following observations:

n pour unit a source a source.

Write de wn the functional relationship between ; and q.

একটি সবল বৈখিক চাহিদা বেখা থেকে আমরা লক্ষা করি য

যথন p -) ১ তালক - তাখন y - ২৭ একক যথন p - 12 একক - তাখন y - 50 একক। p এক g এর মধ্যে অপেক্ষরীয় সম্পর্কটি লেখো।

(c) Suppose labour is the only variable factor of production. Calculate the average variable cost when average productivity of labour is 15 and wage rate is 60.

মনে করে। কমা উৎপাদনের একমাত্র পরিবর্তনশীল উপাদান হল প্রমণ যদি প্রমের গড়। বংগান শীর্ষা বি র মহারির হার ১০ টাকা হয় তারে গড় গরিবর্তনশীল ব্যয় নির্ণয় করে।

(d) Check whether the following function is homogenous. If yes, then what is the degree of homogeneity?

নামনি বিভাগ প্ৰথম প্ৰথম বিভাগ আগম্ব নিজা প্ৰতিষ্ঠা বাবে বিভাগ কৰে আন্তৰ ব

- and a submitted formation in the print bound on a anti-ran contraction. In the second second
 - সাঁদ পথিনা সেনা ও ৮ নাথাক উপসেদ প্ৰাকে ৬৫৫ কনচালি সাক্ষেট্ট ভৈতি কৰা হয়। প্ৰান ১০০০ - ০০০০ চনত সদৰ্শী সম্প্ৰেয়া প্ৰায়
- (1) Control Control Margins (New Line) (Control Margins) (New Line) (Control Margins) (New Line) (Control Advances) (Calcular Calify Canadian Control and Control and Calify Show that both the Carves (Milly and GMC and montp).

গদি উপপাদন অপেন্দারের সমীকরণ ।(L = 811 - 31, ৫০ ভাবে **আমের প্রান্তিক** উৎপাদন (MP)। এবা রায়েন এড উপপাদন (s.p. , রের করেরা , সেবচের য়ে ত্রী দৃষ্টি রেবাই **উপয়িন্ট**

- 塗り掛け おりとり しがたい さんえい さん

 - Example of the two is a second s

 - a state of the second sec
- det concerning and the second of the second state of the second second second second second second second second
 - Mart Carl C. 2 1
 - 2014년 1917년 1917년 1918년 - 1918년
 - and the second sec
- ام الأمين من يجد من يوم الله المراجع التي تعالي المراجع الأراجية المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المراجع المرجع مع مجمع المراجع ا المراجع المرجع مع مجمع المراجع ا

CBCS/B.A./B.Sc./Hons./1st Sem./Economics/ECOACOR02T/2018

(c) Consider the utility function $U = x^{\alpha} y^{\beta}$. Show that the function is strictly concave (downward) for all values of x and x if $0 < \alpha < 1$, $0 < \beta < 1$ and $(\alpha + \beta) < 1$. What shape does the function have for $(\alpha + \beta) = 1$.

ধরা যাক উপযোগিতা অপেক্ষক হল $C=\chi^{\alpha}\chi^{\beta}$ া দেখাও যে χ এবং χ এক সকল মানের জন্যেই অপেক্ষকটি নিশ্চিতভাবে অবতল (নিমনুখী) যেখানে $0 < \alpha < 1$, $0 < \beta < 1$ এবং $(\alpha + \beta) < 1$. যদি $(\alpha + \beta) = 1$ হয় তাহলে অপেক্ষকটি কি আকার নেশে ?

- (d) Suppose the demand function is p = a bq. Find out price and quantity for which total revenue is maximum. What is the shape of the total revenue curve? হবা যাৰু চাহিদা অপেক্ষকটি হল p = a bq. মোট বিক্ৰয়লব্ধ আয় সৰ্বাধিককারী দাম এবং উৎপাদনের পরিমাণ নির্ণয করো। মোট বিক্রয়লব্ধ আয় রেখাটির আকৃতি কিরূপ হবে ?
- (c) Derive the expression for a level curve corresponding to the following function 1+2+2 $l = l_{-}(x, y) = x^2 y^2$. Hence determine its shape and curvature. নিম্নলিখিত অপেক্ষক $U = U(x, y) = x^2 y^2$ এর লেভেল রেখাকে কিন্তাবে প্রকাশ করবে ? এই লেভেল রেখাটির আকৃতি ও বক্রতা নির্ণয় করো।
- (f) Show that the following production function $v = \alpha \ln x_1 + (1 \alpha) \ln x_2$; $0 < \alpha < 1$ is homothetic but not homogeneous of any degree. CENTLE OF $y = \alpha \ln x_1 + (1 - \alpha) \ln x_2$; $0 < \alpha < 1$. Beginn angree for an entropy of a second state of

Answer any *two* questions from the following: 10×2 = 20
 নিম্নলিখিত যে-কোনো দুটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ

(a) Construct an indirect utility function that corresponds to the direct utility function $U = x_1 x_2$. State and prove Roy's identity for the given utility function. প্রত্যক্ষ উপযোগিতা অপেক্ষক $U = x_1 x_2$ এর সংশ্লিষ্ট পরোক্ষ উপযোগিতা অপেক্ষকটি নির্ণয় করো।

প্রত্যক্ষ ওপযোগতা অপেক্ষর $U = x_1 x_2$ এর সংগ্রেষ গরের নিরোম ও মেনেরে এর দেবে বিরুদের বিরুদের বিরুদের বিরুদের জিলে বিরুদের জিলে বিরুদের জিলে বিরুদের জিলে বিরুদের জিলে বিরুদের সেটি প্রমাণ করো।

(b) A manufacturer produces X machines per day at a total cost of Rs. $\begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} X^2 + 11X + 200$. The demand function for the machine is X = 400 - 2P

where I' is price per machine.

একজন উৎপাদক প্রতিদিন $\left(\frac{1}{5}X^2 + 11X + 200\right)$ টাকা মোট বায়ে X সংখ্যক মেশিন উৎপাদন

- করে। মেশিনের চাহিদা অপেক্ষক হল X = 400 2P যেখানে P হল প্রতিটি মেশিনের মূল্য।
- (i) Find the number of machines that the manufacturer should produce to maximize profit.
 উৎপাদকটি মনাফা সর্বাধিক করার জন্য দৈনিক কতগুলি মেশিন উৎপাদন করবে ?
- (ii) A tax 't' per machine is imposed. If the manufacturer adds this tax to its cost and continues to maximize its profit, show that the price increases approximately by 1/3rd of tax.
 প্রতিটি মেশিনের ওপর ম' কর আরোপ করা হল। উৎপাদক যদি এই কর মোট ব্যয়ের অন্তর্ভুক্ত

শহে গ্রাহলে দেখাও যে দাম করের প্রায় এক-তৃতীয়াংশ বাড়বে।

5+5

5 + 5

CBCS/B.A./B.Sc./Hons./1st/Sem./Economics/FCOACOR021/2018

(c) Specify the characteristics of the labour supply function of an individual having the utility function defined for a time period of one day given by $U = 48L + LY - L^2$ where L denotes leisure hours and Y denotes income. What will be the nature of the labour supply function if the utility function is changed to U = IY?

একটি ব্যক্তির একদিনের উপযোগিতা অপেক্ষক হল U = 48L + LY - L' যেখানে *L. এ ব্যক্তির* দৈনিক বিশ্রামের সময় এবং Y শ্রমলব্ধ আয়। এ ব্যক্তির শ্রমের যোগান অপেক্ষকের বেশিষ্ট্যগুলি সুনির্দিষ্ট কর। যোগনে অপেক্ষকের আকৃতি কিরপ হবে যদি উপযোগিতা অলেক্ষকটি হয় *L* = *LY* ?

(d) (i) The equilibrium conditions for three related markets are given by

$$\frac{11p_1 - p_2 - p_3}{p_1 + 6p_2 + 2p_3} = 31$$

- $p_1 - 2p_2 + 2p_3 = 26$

I sing matrix inversion, find the equilibrium price of each market.

- (ii) Show that a consumer with the utility function $U = x_1^{\alpha} x_2$, $\alpha > 0$ will have a linear income-consumption curve.
- (ক) তিনটি সম্পর্কিত বাজারের ভারসামোর শর্তগুলি হলঃ

$$\frac{11p_1 - p_1 - p_2}{p_1 + 6p_2 - 2p_3 - 26}$$

$$p_1 - 2p_2 + 7p_3 = 24$$

ম্যাট্টিক্স বিপর্বাতকরণ-এর সাহায়ো প্রতিটি বাজারের ভারসামা দাম নির্ধারণ করো।

(ম) দেখাও আ লোকার উপযোগ অপেক্ষরটি । সাঁ ৮, কেনে ০ হলে আয় ভোগ রেখাটি সরলরেম্বিক হবে

a se karana ana

6+4

6+4